DOI: 10.11883/bzycj-2019-0103

磁驱动单侧飞片实验的数值模拟*

阚明先, 王刚华, 肖 波, 段书超, 张朝辉 (中国工程物理研究院流体物理研究所, 四川 绵阳 621999)

摘要:磁驱动单侧飞片实验的数值模拟通常可不考虑厚的阴极的运动状态和厚度方向上烧蚀宽度的影响,采用 单侧计算模型进行模拟。为了理解磁驱动单侧飞片实验可采用单侧计算模型的原因,为磁驱动单侧飞片实验的单侧 计算建模提供理论依据,建立了磁驱动单侧飞片实验的双侧计算模型,并对PTS-061、PTS-064 磁驱动单侧飞片实验进 行了模拟分析。在PTS-061、PTS-064 实验中,飞片的电流加载面的位移随着时间的增加持续增大;厚的阴极的电流加 载面的位移不随时间的增加持续增大,在磁驱动实验中后期基本保持不变。PTS-061 实验结束时,飞片的电流加载面 的位移为 4.9 mm, 阴极电流加载面的位移仅为 1.7 mm。PTS-064 实验结束时,飞片的电流加载面的位移为 4.1 mm, 阴极 电流加载面的位移仅为 0.9 mm。磁驱动单侧飞片实验能采用单侧计算模型模拟的原因,不是阴极板面保持位置不动, 而是阴极电流加载面的位移不随时间持续增加;在磁驱动实验后期,飞片电流加载面位移对边界磁场的影响远大于阴 极电流加载面的位移对边界磁场的影响。

关键词:磁驱动单侧飞片实验;磁流体力学;单侧计算模型;自由面速度 中图分类号: O361.3 国标学科代码: 1302547 文献标志码: A

Simulation on magnetically-driven one-sided flyer plate experiments

KAN Mingxian, WANG Ganghua, XIAO Bo, DUAN Shuchao, ZHANG Zhaohui (Institute of Fluid Physics, China Academy of Engineering Physics, Mianyang 621999, Sichuan, China)

Abstract: The numerical simulation of magnetically driven one-sided flyer plate experiment usually does not take into account the influences of cathode motion and ablation width in the thickness direction on the boundary magnetic field. Hence, one-sided computational model was usually applied to simulate magnetically driven one-sided flyer plate experiment. In order to understand the reason why magnetically driven one-sided flyer plate experiment can be simulated by one-sided computational model, magnetically driven one-sided flyer plate experiment (experiment PTS-061 with a 0.972-mm-thick aluminum flyer plate and experiment PTS-064 with a 1.041-mm-thick aluminum flyer plate) were simulated by two-sided computational model. In the experiments with experiment PTS-061 and PTS-064, displacement of thin flyer plate currentloading surface increases with time; displacement of thick cathode current-loading surface does not increases with time, and remains basically unchanged with small displacement in the middle and late stage of experiments. At the end of experiment PTS-061, displacement of thin flyer plate current-loading surface is 4.9 mm, and displacement of thick cathode current-loading surface is only 1.7 mm. At the end of experiment PTS-064, displacement of thin flyer plate current-loading surface is 4.1 mm, and displacement of thick cathode current-loading surface is only 0.9 mm. The reason of one-sided computational model can be adopted in magnetically driven one-sided flyer plate experiment is not that cathode plate position remains unchanged, but instead that cathode current-loading surface has smaller displacement remaining basically unchanged in the middle and later stage of experiments, and the displacement of thin flyer plate current-loading surface has a greater influence on the boundary magnetic field that of thick cathode current-loading surface in the late stage of experiments.

* 收稿日期: 2019-04-01; 修回日期: 2019-11-18
 基金项目: 国家自然科学基金(11571293)
 第一作者: 阚明先(1971—), 男, 硕士, 副研究员, kanmx@caep.cn

Keywords: magnetically driven one-sided flyer plate experiment; magneto-hydrodynamics; one-sided computational model; free-surface velocity

自 1999 年美国 Sandia 国家实验室利用 Z 装置进行了平面等熵压缩和飞片发射实验以来,磁驱动飞 片技术取得了飞速发展。Knudson 等^[1] 采用限制飞片加载磁压的方法,获得了 20 km/s 的飞片速度。 Lemke 等^[2] 采用斜波加载的方法,获得了 45 km/s 的飞片速度。磁驱动飞片技术有助于材料的状态方 程、高能量密度物理和武器物理等的研究^[1-5]。随着磁驱动飞片实验的开展,磁驱动飞片理论也取得了许 多进展。Lemke 等^[6] 利用磁流体力学方程和边界磁场公式 $B = \mu_0 I(t)/S(B 是磁场强度, \mu_0 是真空磁导率,$ <math>I(t) 是电流, *S* 是自由参数),对磁驱动飞片实验进行了模拟; Lemke 等^[7] 把磁驱动边界磁场公式改进为 $B = f\mu_0 I(t)/(g(t) + W(t))(f$ 为电流有效系数, g(t) 为阴阳极之间的间隙, W(t) 为电极板的宽度)。采用上述 两个磁场边界公式,必须从实验测量电流调整后的模拟电流出发,磁流体力学程序才能模拟出与实验一 致的自由面速度历史; 从实验测量电流直接模拟磁驱动飞片实验,模拟的飞片自由面速度在实验后期总 是比实验测量结果偏大^[2,6-8]。Kan 等^[9] 考虑了飞片厚度方向上的熔化情况,指出飞片的电流加载面不是 飞片电流加载端的端面,而是飞片电流加载端的熔化面,在磁驱动飞片磁场边界公式中增加了飞片电流 加载端厚度方向上的熔化宽度 $g_m(t)$,提出了新的磁场边界公式 $B = f\mu_0 I(t)/(g(t) + g_m(t) + W)$, 解决了从实 验测量电流直接模拟磁驱动飞片实验的问题。

根据文献 [9], 磁驱动飞片发射实验从实验测量电流正确模拟实验测量速度, 需要考虑阴、阳电极的运动情况和阴、阳电极厚度方向上烧蚀宽度的影响; 否则, 数值模拟速度与实验测量速度将不一致, 在磁驱动实验后期, 数值模拟速度总是比实验测量速度偏大。对于磁驱动单侧飞片或对称飞 片实验, 由于阴、阳电极都是金属材料, 因此阴、阳电极电流加载端都将被烧蚀, 阴阳电极电流加载端的熔化宽度将随时间的增加而增大, 所以应该采用双侧飞片模型进行数值模拟。然而, 磁驱动单 侧飞片或对称飞片实验事实上都可不考虑厚的电极(阴极)的运动情况和烧蚀宽度的影响, 可采用单 侧计算模型进行模拟, 并且模拟的飞片自由面速度与实验测量结果一致^[6], 这是个问题。在本文中, 对聚龙一号装置上的磁驱动单侧飞片实验建立双侧计算模型, 并对模拟结果进行研究分析, 解释磁 驱动单侧飞片实验可以采用单侧计算模型模拟的原因, 可为磁驱动单侧飞片实验的单侧计算建模提 供理论依据。

1 实验配置

聚龙一号装置是中国工程物理研究院流体物理研究所研制的超高功率、多路并联运行的大电流脉冲装置^[10]。该装置具有同步放电和波形调节等两种工作模式。同步放电模式的输出脉冲前沿约 90 ns,最大输出电流 8~10 MA;波形调节模式的输出脉冲前沿 200~550 ns,最大输出电流 5~7 MA。聚龙一号装置已用于 Z 箍缩、磁驱动高速飞片发射和磁驱动冲击压缩/准等熵压缩等磁驱动实验^[11-13]。

聚龙一号装置的磁驱动单侧飞片发射实验 的负载结构示意图如图 1 所示。C、A 分别为磁 驱动单侧飞片实验中的阴极和阳极, W 为阴、阳 电极的宽度。阴、阳电极为长方体铝材料, 阳极 上嵌入方形、圆形或椭圆形飞片。阳极上嵌入 的是长方形飞片, h 为飞片的高度, δ_f、δ_c分别为 飞片和阴极的厚度, g₀为阴阳电极之间的初始间 隙。PTS-061 实验的飞片为长方形, PTS-064 实 验的飞片为椭圆形。采用激光速度干涉仪(VISAR) 测量飞片的速度历史。聚龙一号装置的磁驱动 单侧飞片发射实验的负载参数, 见表 1。





表1 磁驱动单侧飞片实验的负载参数

Table 1 Loading parameters for magnetically driven one-sided flyer plate experiments

实验	$\delta_{\rm f}/{ m mm}$	$\delta_{ m c}/ m mm$	g_0/mm	<i>W</i> /mm
PTS-061	0.972	5	2.0	15.0
PTS-064	1.041	5	1.2	12.5

2 物理模型

磁驱动实验采用磁流体力学程序模拟,本文中采用二维磁驱动数值模拟程序 MDSC2 模拟磁驱动实验。MDSC2 程序是中国工程物理研究院流体物理研究所研制的磁流体力学程序^[14-15],已用于固体套筒内爆、磁驱动飞片发射实验的数值模拟研究^[9,16-18]。MDSC2 程序求解的磁流体力学方程组为:

$$\frac{\mathrm{d}\rho}{\mathrm{d}t} = -\rho \nabla \cdot \boldsymbol{\nu} \tag{1}$$

$$\rho \frac{\mathrm{d}\boldsymbol{v}}{\mathrm{d}t} = -\nabla p + \frac{1}{\mu_0} (\nabla \times \boldsymbol{B}) \times \boldsymbol{B} + \nabla \cdot \boldsymbol{\sigma}$$
⁽²⁾

$$\rho c_{\nu} \frac{\mathrm{d}T}{\mathrm{d}t} = -p \nabla \cdot \boldsymbol{\nu} + \left(\frac{\eta}{\mu_0^2} \nabla \times \boldsymbol{B}\right) \cdot \nabla \times \boldsymbol{B} + (\boldsymbol{\sigma} \cdot \nabla) \cdot \boldsymbol{\nu} - \nabla \cdot (k_{\mathrm{e}} \nabla T)$$
(3)

$$\frac{\mathrm{d}\boldsymbol{B}}{\mathrm{d}t} = -\nabla \times \left(\frac{\eta}{\mu_0} \nabla \times \boldsymbol{B}\right) - (\boldsymbol{B} \nabla \cdot \boldsymbol{v} - \boldsymbol{B} \cdot \nabla \boldsymbol{v}) \tag{4}$$

式中: ρ 为密度,T为温度,v为速度,B为磁感应强度,t为时间, η 为电阻率^[19],p为压强, σ 为人工黏性张 量, k_e 为热扩散系数, c_v 为比热容, μ_0 为真空磁导率,d/dt为 Lagrangian 导数。

对于磁驱动飞片,加载面上的磁压力为:

$$p(t) = \frac{B_0^2}{2\mu_0}$$
(5)

式中: B₀为飞片加载面上的磁感应强度^[9]。B₀为:

$$B_0 = f\mu_0 I(t) / (g(t) + g_m(t) + W)$$
(6)

在磁驱动飞片实验中,电流有效系数f由包含电极的负载结构决定,与飞片的初始厚度、阴阳电极的初始宽度、阴阳电极的初始间隙大小有关。在 MDSC2 程序中,由 Lindermann 熔化线判断物质的熔化 情况,从而计算飞片的烧蚀宽度 $g_m(t)$ 。

3 数值模拟

对于磁驱动单侧飞片实验,通常采用单侧 计算模型进行模拟。单侧计算模型不考虑阴极 板的烧蚀和运动情况,假定在实验过程中阴极板 的电流加载面始终保持不动,阳极上的飞片在洛 仑兹力的作用下向阴极板相反的方向运动。在 单侧计算模型中,只对飞片进行模拟,阴极板不 参与模型计算。单侧计算模型示意图如图 2 所 示。图 2 中,go是阴阳极板之间的初始间隙,d_{fl} 为飞片电流加载端端面的位移,gmf为飞片厚度 方向上电流加载端的熔化宽度(即式(6)中的 gm(t),d_{fl}+gmf为飞片的电流加载面的位移,go+d_{fl} 为式(6)中飞片与阴极之间的间隙g(t)。



Fig. 2 One-sided computational model

击

采用单侧计算模型,对 PTS-064 磁驱动单侧 飞片发射实验进行了模拟。采用 50×100 的网格 进行模拟(下同)。图 3 为 PTS-064 实验的实验 测量电流。图 4 为单侧计算模型的飞片自由面 速度(*f*=0.77)。由图 4 可知,单侧计算模型模拟 的飞片自由面速度与实验测量的飞片速度一 致。单侧计算模型能正确模拟 PTS-064 实验磁 驱动单侧飞片的自由面速度。图 5 为飞片与阴 极之间的真空间隙*g*(*t*)和飞片烧蚀宽度*g*_m(*t*)的比 较。由图 5 可知,飞片烧蚀宽度随着时间持续增 大,在后期,飞片烧蚀宽度和阴阳极间的真空间 隙对确定边界磁场强度同样重要。在测量结束



Fig. 3 Current of experiment PTS-064

时,飞片烧蚀宽度对边界磁场强度的影响为13.8%,飞片烧蚀宽度在 PTS-064 单侧飞片实验的数值模拟 中不能忽略。





在 PTS-064 单侧飞片实验中,飞片厚度方向 上的烧蚀宽度对边界磁场的影响较大,数值模拟 时不能忽略。然而,阴极在实验中同样将被烧 蚀,那为何单侧计算模拟可以不考虑阴极厚度方 向上的烧蚀宽度。为此,采用双侧计算模型对 PTS-064 单侧飞片实验进行模拟。双侧计算模 型不仅要考虑飞片厚度方向上的烧蚀和运动情 况,而且要考虑阴极厚度方向上的烧蚀和运动情 况,而且要考虑阴极厚度方向上的烧蚀和运动情 况,而且要考虑阴极厚度方向上的烧蚀和运动情 况。磁驱动单侧飞片实验的双侧计算模型示意 图,如图 6 所示。图 6 中, g₀为阴阳极板之间的 初始间隙, d_n为飞片电流加载端端面的位移, d_{el}









加载端的熔化宽度, g_{mc} 为阴极电流加载端的熔化宽度。显然, $d_{fl} + g_{mf}$ 为飞片电流加载面的位移, $d_{cl} + g_{mc}$ 为阴极电流加载面的移动距离, $g_0 + d_{fl} + d_{cl}$ 为式(6)中飞片与阴极之间的间隙g(t), $g_{mf} + g_{mc}$ 为式(6)中飞

片与阴极电流加载端厚度方向上熔化宽度之和gm(t)。

采用双侧计算模型对 PTS-064 磁驱动单侧飞片发射实验进行了模拟。飞片和阴极都采用 50×100 的 网格进行模拟 (下同)。图 7 为双侧计算模型模拟的飞片自由面速度和实验测量的飞片速度一致。图 8 为飞片与阴极之间的真空间隙 g(t)、飞片和阴极 电流加载端厚度方向上烧蚀宽度之和 gm(t)的比较。由图 5、8 可知,单、双侧计算模型模拟的飞片与阴极 之间的真空间隙 g(t) 和飞片与阴极烧蚀宽度之和 gm(t)是不同的,双侧计算模型模拟的飞片与阴极 之间的真空间隙 g(t) 和飞片与阴极烧蚀宽度之和 gm(t)是不同的,双侧计算模型模拟的飞片和阴极烧蚀宽度。由图 9 可知,尽管飞片和阴极的加载电流相同,但是 飞片和阴极板的烧蚀宽度度是不同的,飞片的烧蚀宽度大于阴极板的烧蚀宽度。飞片和阴极的烧蚀宽 度不同,是由飞片和阴极板的厚度不同造成的。只有当飞片和阴极的厚度相同时,飞片和阴极的烧蚀宽 度才一致。图 10 为双侧计算模型模拟的飞片、阴极的电流加载面的位移。由图 10 可知,飞片电流加载 面的位移随时间持续增大,阴极电流加载面的位移不随时间持续增大,在磁驱动实验中后期,阴极电流 加载面基本保持不动,约为 1 mm。在实验结束时,飞片烧蚀宽度对边界磁场强度的影响仅为 4.8%。因此, PTS-064 磁驱动单侧飞片实验能采用单侧计算模型模拟的原因,不是阴极板面保持位置不动,而是阴极电流加载面的位移不随时间持续增加,在磁驱动实验 后期保持基本不变,且位移较小。





双侧计算结果

Fig. 7 Flyer plate free-surface velocities of experiment PTS-064 simulated by two-sided computational model



Fig. 9 Flyer plate and cathode ablation depths of experiment PTS-064 simulated by two-sided computational model





图 10 PTS-064 实验飞片和阴极电流加载面位移的 双侧计算结果



实际上, 磁驱动单侧飞片实验也是一种双侧飞片实验, 因此磁驱动单侧飞片实验的实际电流有效系数为双侧计算模型的电流有效系数。在 PTS-064 磁驱动单侧飞片实验中, 飞片实验的实际电流有效系数 是 0.81。采用单侧计算模型时, 由于未考虑阴极的运动情况和烧蚀情况的影响, 使用电流有效系数 0.81 模拟 PTS-064 实验时, 计算的飞片边界磁场强度比实际磁场强度偏大, 因此不能采用 0.81 作为单侧 计算模型的电流有效系数。由于阴极电流通过面对边界磁场强度的影响较小, 仅有百分之几, 因此可通 过略微调小电流有效系数, 使边界磁场强度与实际磁场强度基本一致, 从而获得与实验测量一致的模 拟结果。PTS-064 磁驱动单侧飞片实验中, 单侧计算模型的电流有效系数为 0.77, 比实际电流有效系数 小 5%。

采用单侧、双侧计算模型对 PTS-061 磁驱动单侧飞片发射实验进行了模拟。图 11 为 PTS-061 实验的测量电流。图 12 为 PTS-061 实验单、双侧计算模型模拟的飞片自由面速度。单侧计算模型使用的电流有效系数为 0.795, 双侧计算模型使用的电流有效系数为 0.83。由图 12 可知,单、双侧计算模型都能正确模拟 PTS-061 磁驱动单侧飞片发射实验。图 13 为 PTS-061 实验双侧计算模型模拟的飞片、阴极的电流加载面的位移。与 PTS-064 实验相同,在磁驱动飞片实验后期,飞片电流加载面的位移明显大于阴极电流加载面的位移;飞片电流加载面的位移增长较快,阴极电流加载面的位移增长较慢,

趋于一个小的常数值。阴、阳极电流加载面之间距离的增加,主要是由飞片电流加载面的位移导致的。实验结束时,飞片电流加载面的位移分4.9 mm,阴极电流加载面的位移仅为1.7 mm; 飞片烧蚀宽度对边界磁场强度的影响为20.7%, 阴极烧蚀宽度对边界磁场强度的影响仅为 7.2%。能采用单侧计算模型模拟PTS-061 磁驱 动单侧飞片实验的原因是,磁驱动实验后期飞 片电流加载面的位移远大于阴极电流加载面的 位移。

在 PTS-061 磁驱动单侧飞片实验中,实验的 实际电流有效系数为 0.83, 单侧计算模型的电流 有效系数为 0.795, 比实际电流有效系数小 4%。







Fig. 11 Current of experiment PTS-061





Fig. 13 Displacements of flyer plate and cathode current-loading surfaces of experiment PTS-061 simulated by two-sided computational model

4 结 论

为了正确理解磁驱动单侧飞片发射实验可采用单侧计算模型模拟的原因,建立了磁驱动单侧飞片 发射实验的双侧计算模型。采用双侧计算模型对磁驱动单侧飞片发射实验进行了模拟分析。磁驱动单 侧飞片发射实验可采用单侧计算模型不是因为阴极板面保持位置不动,而是阴极电流加载面的位移不 随时间持续增加,在磁驱动实验后期保持基本不变,且位移较小。由于阴、阳极的厚度不同,磁驱动单侧 飞片发射实验中阴、阳极的烧蚀宽度不同,薄的飞片烧蚀更快,烧蚀宽度更大。只有当阴、阳极板厚度 相同时,阴、阳极的烧蚀厚度才一致。单侧计算模型模拟的电流有效系数总是小于双侧计算模型模拟的 电流有效系数。这是因为,采用单侧计算模型时,未计算阴极电流加载面的位移,从而致使边界磁场强 度比实际磁场强度偏大,因此单侧计算模型模拟使用的电流有效系数比双侧计算模型模拟的电流有效 系数更小。阴极电流加载面的位移在实验后期不持续增大,保持在一个小的位移,它对边界磁场强度的 影响约为百分之几,因此,单侧计算模型模拟使用的电流有效系数比双侧计算模型模拟的电流有效系数 略小(约百分之几)。

参考文献:

- KNUDSON M D, LEMKE R W, HAYES D B, et al. Near-absolute Hugoniot measurements in aluminum to 500 GPa using a magnetically accelerated flyer plate technique [J]. Journal of Applied Physics, 2003, 94(7): 4420–4431. DOI: 10.1063/1.1604967.
- [2] LEMKE R W, KNUDSON M D, BLISS D E, et al. Magnetically accelerated, ultrahigh velocity flyer plates for shock wave experiments [J]. Journal of Applied Physics, 2005, 98: 073530. DOI: 10.1063/1.2084316.
- [3] KNUDSON M D, HANSON D L, BAILEY J E, et al. Equation of state measurements in liquid Deuterium to 70 GPa [J]. Physical Review Letters, 2001, 87: 225501. DOI: 10.1103/PhysRevLett.87.225501.
- [4] KNUDSON M D, HANSON D L, BAILEY J E, et al. Use of a wave reverberation technique to infer the density compression of shocked liquid deuterium to 75 GPa [J]. Physical Review Letters, 2003, 90: 035505. DOI: 10.1103/PhysRevLett.90.035505.
- [5] KNUDSON M D, HANSON D L, BAILEY J E, et al. Principal Hugoniot, reverberating wave, and mechanical reshock measurements of liquid deuterium to 400 GPa using plate impact techniques [J]. Physical Review B, 2004, 69: 144209. DOI: 10.1103/PhysRevB.69.144209.
- [6] LEMKE R W, KNUDSON M D, HALL C A, et al. Characterization of magnetically accelerated flyer plates [J]. Physics of Plasmas, 2003, 10(4): 1092–1099. DOI: 10.1063/1.1554740.
- [7] LEMKE R W, KNUDSON M D, DAVIS J P. Magnetically driven hyper-velocity launch capability at the Sandia Z accelerator [J]. International Journal of Impact Engineering, 2011, 38(6): 480–485. DOI: 10.1016/j.ijimpeng.2010.10.019.
- [8] DAVIS J P, BROWN J L, KNUDSON M D, et al. Analysis of shockless dynamic compression data on solids to multimegabar pressures: application to tantalum [J]. Journal of Applied Physics, 2014, 116: 204903. DOI: 10.1063/1.4902863.
- [9] KAN M X, ZHANG Z H, XIAO B, et al. Simulation of magnetically driven flyer plate experiments with an improved magnetic field boundary formula [J]. High Energy Density Physics, 2018, 26: 38–43. DOI: 10.1016/j.hedp.2017.12.002.
- [10] DENG J J, XIE W P, FENG S P, et al. Initial performance of the Primary Test Stand [J]. IEEE TPS, 2013, 41(10): 2580–2583.
- [11] 但加坤,任晓东,黄显宾,等.Z箍缩内爆产生的电磁脉冲辐射 [J]. 物理学报, 2013, 62(24): 245201. DOI: 10.7498/ aps.62.245201.

DAN J K, REN X D, HUANG X B, et al. Electromagnetic pulse emission produced by Z pinch implosions [J]. Acta Physica Sinica, 2013, 62(24): 245201. DOI: 10.7498/aps.62.245201.

[12] 郭帅, 王贵林, 张朝辉, 等. 聚龙一号装置准等熵压缩实验负载优化研究 [J]. 强激光与粒子束, 2016, 28(1): 015015. DOI: 10.11884/HPLPB201628.015015.
 GUO S, WANG G L, ZHANG Z H, et al. Optimization of load configurations for isentropic compression experiments on PTS [J].

High Power Laser and Particle Beams, 2016, 28(1): 015015. DOI: 10.11884/HPLPB201628.015015.

[13] 王贵林,张朝辉,郭帅,等.聚龙一号装置上铜的准等熵压缩线测量实验研究 [J]. 强激光与粒子束, 2016, 28(5): 055010. DOI: 10.11884/HPLPB201628.055010.

WANG G L, ZHANG Z H, GUO S, et al. Experimental measurement of quasi-isentrope for copper on PTS [J]. High Power

Laser and Particle Beams, 2016, 28(5): 055010. DOI: 10.11884/HPLPB201628.055010.

[14] 阚明先, 蒋吉昊, 王刚华, 等. 套筒内爆 ALE 方法二维 MHD 数值模拟 [J]. 四川大学学报, 2007, 44(1): 91-96. DOI: 10.3969/j.issn.0490-6756.2007.01.020.

KAN M X, JIANG J H, WANG G H, et al. ALE simulation 2D MHD for liner [J]. Journal of Sichuan University, 2007, 44(1): 91–96. DOI: 10.3969/j.issn.0490-6756.2007.01.020.

[15] 阚明先, 王刚华, 赵海龙, 等. 磁驱动飞片二维磁流体力学数值模拟 [J]. 强激光与粒子束, 2013, 25(8): 2137-2141. DOI: 10.3788/HPLPB20132508.2137.
 KAN M X, WANG G H, ZHAO H L, et al. Two dimensional magneto-hydrodynamic simulations of magnetically accelerated

flyer plates [J]. High Power Laser and Particle Beams, 2013, 25(8): 2137–2141. DOI: 10.3788/HPLPB20132508.2137.

- [16] 杨龙, 王刚华, 阚明先, 等. 基于 MDSC 程序的 Z 箍缩内爆单温和三温模拟分析 [J]. 高压物理学报, 2016, 30(1): 64-70. DOI: 10.11858/gywlxb.2016.01.010.
 YANG L, WANG G H, KAN M X, et al. A numerical simulation analysis of mono-temperature and tri-temperature models by MDSC program Z-pinch implosion [J]. Chinese Journal of High Pressure Physics, 2016, 30(1): 64-70. DOI: 10.11858/gywlxb.2016.01.010.
- [17] 阚明先,张朝辉,段书超,等. "聚龙一号"装置上磁驱动铝飞片实验的数值模拟 [J].强激光与粒子束, 2015, 27(12):
 125001. DOI: 10.11884/HPLPB201527.125001.
 KAN M X, ZHANG Z H, DUAN S C, et al. Numerical simulation of magnetically driven aluminum flyer plate on PTS

KAN M X, ZHANG Z H, DUAN S C, et al. Numerical simulation of magnetically driven aluminum fiyer plate on PTS accelerator [J]. High Power Laser and Particle Beams, 2015, 27(12): 125001. DOI: 10.11884/HPLPB201527.125001.

- [18] 阚明先, 段书超, 王刚华, 等. 自由面被烧蚀磁驱动飞片的数值模拟 [J]. 强激光与粒子束, 2017, 29(4): 045003. DOI: 10.11884/HPLPB201729.160482.
 KAN M X, DUAN S C, WANG G H, et al. Numerical simulation of magnetically driven flyer plate of ablated free surface [J]. High Power Laser and Particle Beams, 2017, 29(4): 045003. DOI: 10.11884/HPLPB201729.160482.
- [19] 阚明先, 王刚华, 赵海龙, 等. 金属电阻率模型 [J]. 爆炸与冲击, 2013, 33(3): 282-286. DOI: 10.11883/1001-1145(2013)03-0282-05.

KAN M X, WANG G H, ZHAO H L, et al. Electrical resistivity model for metals [J]. Explosion and Shock Waves, 2013, 33(3): 282–286. DOI: 10.11883/1001-1145(2013)03-0282-05.

(责任编辑 丁峰)