DOI: 10.11883/bzycj-2020-0121

低速冲击下混凝土少筋梁断裂性能*

宋 敏^{1,2},张 杰^{1,2},陈青青^{1,2},王志勇^{1,2},王志华^{1,2,3}
(1.太原理工大学机械与运载工程学院应用力学研究所山西太原 030024;
2.太原理工大学材料强度与结构冲击山西省重点实验室,山西太原 030024;
3.青海大学土木工程学院,青海 西宁 810016)

摘要:动态加载下,混凝土中钢筋的阻裂性能一直是冲击动力学研究领域的难点之一。利用落锤试验机对含缺口的混凝土少筋梁进行三点弯曲试验,分析了不同加载速率下梁的冲击力、跨中挠度、混凝土起裂应变率和钢筋应变。实验结果表明:在一定加载速率范围内(0.885~1.252 m/s),混凝土预制裂缝尖端的裂纹起裂应变率、冲击力最大值、跨中挠度峰值与加载速率呈线性增长关系,当加载速率增至1.771 m/s时,增长趋势减弱;冲击力卸载时,钢筋部分弹性变形恢复导致裂纹产生闭合,裂纹嘴张开位移逐渐减小至恒定值,对裂纹嘴张开位移峰值前的部分曲线进行拟合后得到裂纹嘴张开位移率,结果表明裂纹嘴张开位移率随加载速率的提高而线性增大。

关键词:钢筋混凝土;少筋梁;落锤冲击;三点弯试验;起裂应变率;裂纹嘴张开位移 中图分类号:O383 国标学科代码:13035 文献标志码:A

Fracture behaviors of lightly reinforced concrete beams under different loading rates

SONG Min^{1,2}, ZHANG Jie^{1,2}, CHEN Qingqing^{1,2}, WANG Zhiyong^{1,2}, WANG Zhihua^{1,2,3}

(1. Institute of Applied Mechanics, College of Mechanical and Vehicle Engineering, Taiyuan University of Technology, Taiyuan, Shanxi 030024, China;

2. Shanxi Key Laboratory of Material Strength & Structural Impact, Taiyuan University of Technology, Taiyuan 030024, Shanxi, China;

3. School of Civil Engineering, Qinghai University, Xining 810016, Qinghai, China)

Abstract: Under impact loads, the crack resistance of reinforcement in concrete is the focus of impact dynamics research. In this study, the three-point bending tests of lightly reinforce concrete beams with notch were conducted with a drop hammer testing machine. The high speed camera and digital image correlation (DIC) technology were applied to catch the fracture process and analyse the displacement field. The shape and geometry of the specimen followed the RILEM recommendation, i.e., 150 mm × 150 mm in cross section, 800 mm in length, notch-depth ratio was around 1/3 and span was kept constant 600 mm. And the impact force, mid-span deflection, steel strain beneath the loading point and concrete strain at the notch tip were measured over four loading rates. The experiment results showed that the crack initiation strain rate increased linearly with the loading rate, and the growth trend weakened when loading rate was 1.771 m/s. Based on the test results, the empirical formula of crack initiation strain rate with respect to loading rate was given, which was meaningful to simulate the crack initiation in concrete under dynamic loading. In addition, with the increase of loading rate, the steel yielded gradually, which resulted in the response time difference between impact force and steel strain decreased. With the recovery of elastic deformation of steel bars, the crack started to close and the macro crack became visible clearly. Meanwhile, the crack mouth opening displacement

* 收稿日期: 2020-04-24; 修回日期: 2020-10-29
 基金项目: 国家自然科学基金(11702186; 11390362); 青海省科技计划项目(2017-ZJ-783)
 第一作者: 宋 敏(1991-), 男, 博士研究生, songmin595@163.com
 通信作者: 王志华(1977-), 男, 博士, 教授, wangzh077@163.com

(CMOD) declined to a constant value after reaching the maximum value. Then, the crack mouth opening displacement rate was obtained from the fitting curve, and a linear growth relationship between CMOD rate and loading rate was founded. The failure process of the lightly reinforced beams was analyzed based on the CMOD rate, which provided an idea for comparing the fracture process of the beam under dynamic and static loads.

Keywords: steel concrete; lightly-reinforced beam; drop hammer machine; three-point bending test; crack initiation strain rate; CMOD rate

混凝土的抗拉强度较低,为了提高混凝土的抗裂性能,往往会在基体中加入不同的增强相。钢筋是 阻止混凝土裂纹扩展的有效方法之一,许多学者研究了准静态加载下钢筋的阻裂性能[1-2]。然而,瞬时载 荷作用下钢筋的变形、破坏及钢筋和混凝土之间的相互作用与加载速率密切相关,这导致钢筋混凝土复 杂的结构行为,给钢筋混凝土的动力学特性研究带来较大困难。付应乾等⁽³⁾发现,随着加载速率的提 高,无缺口的钢筋混凝土梁由弯曲破坏逐渐转变为剪切破坏,裂纹扩展的数量和方向发生明显改变,加 载点附近的局部破坏更为突出。Mindess 等^[4]采用高速摄像记录了落锤冲击下无缺口钢筋混凝土梁的断 裂过程,发现动态加载下裂纹扩展行为与静态加载下相比存在差异。Bentur等^[5]对冲击荷载下含光圆钢 筋或带肋钢筋混凝土梁的断裂过程进行了对比分析,结果表明带肋钢筋附近衍生出许多微裂纹,提高了 混凝土梁的极限承载力。然而,冲击荷载下无缺口钢筋混凝土梁底部随机产生的多条裂纹,导致难以分 析钢筋对单条裂纹的阻裂机理。因此,实验中常采用在混凝土中预制裂缝的方法以避免随机裂纹的产 生[67]。以往研究中,许多学者将混凝土和钢筋作为整体以分析梁的动态断裂过程,但钢筋和混凝土的局 部破坏对裂纹扩展的影响更为突出。加载过程中冲击力达到最大值的时间较短(小于1ms),会导致钢 筋整体未产生滑移但加载点下方的局部钢筋变形明显,且预制裂缝尖端附近的混凝土表现出明显的应 变率效应[58]。冲击荷载下,钢筋局部急剧破坏、局部混凝土的应变率效应及钢筋与混凝土之间的粘结滑 移使梁的动态断裂过程与静态断裂明显不同。因此,研究钢筋混凝土梁在冲击荷载下的断裂过程具有 重要意义。

本文采用 DHR-9401 落锤式冲击试验机对含缺口的混凝土少筋梁进行不同加载速率下的三点弯曲 试验,通过对比预制裂缝尖端的裂纹起裂应变率、冲击力、跨中挠度和裂纹嘴张开位移,讨论加载速率 对混凝土少筋梁冲击响应和断裂过程的影响,并分析裂纹嘴张开位移率与加载速率之间的关系。

1 实验概况

1.1 试件设计

实验共浇筑 12 根初始缝高比为 0.3 的混凝土少筋梁, 如图 1 所示, 混凝土少筋梁三个方向的尺寸分 别为 *L*=800 mm、*D*=150 mm、*h*=150 mm, 梁跨度 *S*=600 mm。混凝土中, 水泥/水/粗骨料/砂/减水剂的质量 配合比 1:0.35:2.62:1.548:0.038, 骨料最大粒径为 15 mm, 水泥采用普通硅酸盐水泥。纵筋采用直径 为 12 mm 的二级螺纹钢, 不设置箍筋, 钢筋横截面中心距梁的侧面和底部均为 *c*=30 mm。Fan 等^[9]等对 少筋梁进行三点弯断裂研究发现, 钢筋贯穿预制裂缝时对应的开裂荷载较大, 因此本实验中钢筋完全贯 穿预制裂缝。缝高比为 0.2~0.5 时, 失稳韧度随缝高比线性增大, 许多学者采用这一范围内的缝高比来 研究少筋梁的断裂过程^[2,10-11], 因此浇筑前在钢模中固定宽为 *w*₀=5 mm, 高为 *a*₀=50 mm 的有机玻璃板, 混

凝土梁缝高比为 1/3。试件浇注后进行 28 d 的标 准养护,采用 150 mm 边长的立方体试块进行单 轴压缩试验,测得混凝土立方体抗压强度平均值 为 61.76 MPa。

1.2 三点弯曲试验

三点弯曲试验采用的落锤质量为 126.11 kg, 冲击高度分别为 40、60、80、160 mm,相应的加



载速率为 0.885、1.084、1.252 和 1.771 m/s。加载速率增至 1.771 m/s 时,裂纹从预制裂缝尖端起裂后完全 扩展至加载点。低速冲击下裂纹扩展速度很快,梁的竖向位移可忽略不计,竖直方向上可不设约束条

件^[12-13]。加载装置如图 2所示,在锤头安装力传 感器以测量冲击力。采用高速相机 I-speed 716 记录裂纹扩展过程,采样率为 50 kHz。使用 数字图像相关法(digital image correlation, DIC) 分析位移场时,将加载点竖直方向的位移等效为 跨中挠度,同时由预制裂缝两侧水平方向上的位 移之差得到裂纹嘴张开位移 Δw。试件背面预制 裂缝尖端处粘贴应变片以监测混凝土的起裂(应 变片型号为 BE120-10AA,电阻为(120±0.1)Ω,极 限应变为 2%)。在钢筋中心粘贴应变片以测得 钢筋对混凝土的约束力(应变片型号为 BE120-3AA,电阻为(120±0.1)Ω,极限应变为 2%)。加 载过程中采用示波器对冲击力、钢筋应变、混凝 土应变进行同步采集,采样率为 20 kHz。



图 2 落锤加载装置 Fig. 2 Drop hammer equipment

1.3 钢筋混凝土理论模型

根据图 3 对钢筋混凝土梁跨中截面进行受力分析,其中: *M* 为梁的弯矩, *z* 为中性轴到梁上表面的距离, *x* 为受压区上一点到中性轴的距离, *a* 为预制裂纹的高度。假定混凝土截面各点应变和钢筋纵向应变沿截面高度线性变化。钢筋采用理想弹塑性模型,钢筋应变 $\varepsilon_{s} = \frac{h-z-c}{h-z-a} \varepsilon_{t0}$,其中混凝土极限抗拉应变为 $\varepsilon_{t0} = \frac{f_{t}}{E_{c}} = \frac{0.26 f_{cu}^{2/3}}{E_{c}} = 1.2 \times 10^{-4}$, $f_{t} 和 f_{cu} 分别为混凝土抗拉强度和混凝土立方体的抗压强度,混凝土弹性模量为 <math>E_{c} = 36.2 \text{ GPa}^{[14]}$ 。混凝土受压本构采用 Hognestad 建议的抛物线上升段和水平直线形式^[15], $f_{c} \pi \varepsilon_{0} 分$ 别为混凝土抗压强度及峰值应变, $f_{c} = 61.76 \text{ MPa}$, $\varepsilon_{0} = f_{c}/E_{c} = 0.0017$, ε_{cu} 为混凝土极限抗压应变, $\varepsilon_{cu} = 0.0033$ 。



Fig. 3 The section stress at mid-span of beam

梁截面上的拉力由混凝土拉力(F₁)和钢筋拉力(F₅)组成:

$$F_1 = \frac{1}{2} f_t(h - z - a)$$
(1)

$$F_{s} = \begin{cases} E_{s}\varepsilon_{s}A_{s} & 0 \leq \varepsilon_{s} < \varepsilon_{y} \\ f_{y}A_{s} & \varepsilon_{s} \geq \varepsilon_{y} \end{cases}$$
(2)

式中: $A_s = \pi d_{steel}^2/2$, f_y 为钢筋的屈服强度, E_s 为钢筋的弹性模量, ε_y 为钢筋的屈服应变, d_{steel} 为钢筋的直径。 F_1 和 F_s 到中性轴的力臂分别为 $d_1 = 2(h-z-a)/3\pi d_s = h-z-c$ 。

混凝土受压区合力F。及合力F。到中性轴的距离d。分别为

$$\begin{cases} F_{c} = \int_{0}^{z} \sigma b dx = \int_{0}^{z} f_{c} \left[\frac{2\varepsilon}{\varepsilon_{0}} - \left(\frac{\varepsilon}{\varepsilon_{0}} \right)^{2} \right] b dx = f_{c} b \frac{z^{2}}{h - z - a} \left(\frac{\varepsilon_{0}}{\varepsilon_{0}} - \frac{\varepsilon_{0}^{2}}{3\varepsilon_{0}^{2}} \cdot \frac{z}{h - z - a} \right) \\ d_{c} = \int_{0}^{z} f_{c} \left[\frac{2\varepsilon}{\varepsilon_{0}} - \left(\frac{\varepsilon}{\varepsilon_{0}} \right)^{2} \right] b x dx \Big| F_{c} \end{cases}$$
(3)

式中: σ 为混凝土区某一点的应力,b为试件宽度, ε 为混凝土受压区应变。

根据力平衡得 $F_1 + F_s = F_c$, 设 $z = \alpha h (0.3 \le \alpha \le 0.8)$,利用最小二乘法^[16] 对 α^3 进行线性拟合得 $\alpha^3 = 0.96\alpha - 0.31$,整理后得 $z = \alpha h = G(a)$ 。根据弯矩平衡得等效弯曲载荷的弯矩为 $M_{P_b} = F_1d_1 + F_cd_c + F_sd_s$,同时 $M_{P_b} = P_bS/4$,冲击过程中将支反力之和或冲击力与惯性力的差等效为作用在梁跨中的弯曲载荷 P_b ^[5]。将上述求得的z = G(a)代入后得到裂纹长度关于等效弯曲载荷的函数: $a = F(P_b(t))$ 。假设裂纹扩展过程中 混凝土梁绕支座进行转动^[17],根据几何变形条件 $\tan \theta = \frac{u_0(t)}{S/2} = \frac{w_0 + \Delta w}{2a}$,整理后求得裂纹嘴张开位移 $\Delta w = 4u_0(t)a/S - w_0$ 。

2 结果与讨论

2.1 加载速率对混凝土起裂应变率的影响

冲击过程中,裂纹从预制裂缝尖端处起裂后扩展,梁底部无随机裂纹出现。当裂纹扩展至应变片位 置时,应变片在水平拉伸作用下发生信号突变。随着裂纹继续扩展和裂纹嘴张开位移的增大,应变片逐 渐被拉断,应变信号增大至最大值后保持不变。混凝土立方体抗压强度平均值为 61.76 MPa,弹性模量 为 36.2 GPa。基于经验公式^[14]: *f*_i = 0.26*f*^{2/3}计算得到 *f*_i = 4.06 MPa。准静态加载条件下,混凝土最大拉伸 应变约为 1.2×10⁻⁴,将应变时程曲线过渡部分的斜率定义为裂纹起裂应变率*έ*^[18]。图 4 给出了冲击速度 为 1.771 m/s 时试件切口根部混凝土应变时程曲线以及依据文献 [18] 对混凝土应变为 0~1.2×10⁻⁴ 的部 分进行线性拟合得到裂纹起裂应变率。





Fig. 4 Typical strain-time curves of concrete at the notch root

不同加载速率(v)下混凝土少筋梁的裂纹起裂应变率(*ɛ̇*_{ini})如图 5 和表 1 所示。加载速率 v=0.885 m/s 和 v=1.084 m/s 时部分数据未采集完整。由图 5 可知, 当 v < 1.252 m/s 时, 少筋梁以弯曲破坏为主, 混凝土 梁上表面加载点附近未发生压碎破坏, 下表面受拉, 起裂应变率线性增长。如图 6 所示, 随着加载速率 的增大, 垫块与梁上表面之间的压碎破坏逐渐加剧, 部分水泥崩落清晰可见, 梁下表面受拉减弱导致起 裂应变率增长趋势减缓。当 v=1.771 m/s 时, "八"字形剪切裂纹产生并消耗部分能量, 弯曲破坏转变为 弯曲与剪切同时存在的破坏模式^[19]。本文加载速率范围内, 裂纹起裂应变率经历了线性增长、非线性增 长和逐渐趋于恒定值 3 个阶段。对实验结果进行拟合得到起裂应变率(*ɛ̇*_{ini})与加载速率(v)的经验公式:

(4)

$$\dot{\varepsilon}_{\rm ini} = p_1 v^2 + p_2 v + p_3$$

式中: p1=-1.304, p2=4.74, p3=-2.95。





rate and loading rates



(a) 0.885 m/s

表1 裂纹起裂应变率试验结果

Table 1	Crack initiation	strain	rate versus	loading rates
---------	-------------------------	--------	-------------	---------------

$v/(\mathbf{m} \cdot \mathbf{s}^{-1})$	$\dot{arepsilon}_{ m ini}/{ m s}^{-1}$	Ė _{ini} 平均值/s ^{−1}	$\Delta \dot{\varepsilon}_{ini} / \Delta v$	
0.885	0.233	0.255	_	
0.885	0.276	0.235		
1.084	0.632	0.655	2.010	
1.084	0.678	0.055		
	0.957			
1.252	1.023	0.962	1.827	
	0.906			
	1.353			
1.771	1.403	1.354	0.755	
	1.307			





(c) 1.252 m/s

(d) 1.771 m/s





起裂应变率与应变片尺寸相关,应变片格栅越长,测得的应变率相对减小。本文采用格栅尺寸 为10 mm×3 mm的应变片进行测量。尽管不同应变片求得的应变率大小存在差异,但裂纹起裂应变 率随加载速率的变化趋势基本一致。冲击载荷下,混凝土局部区域表现出明显的应变率效应。基于 上述公式,由加载速率得到相应的混凝土应变率,对模拟动态加载下混凝土中裂纹起裂具有一定的参 考价值。

2.2 加载速率对少筋梁冲击响应的影响

冲击力时程曲线如图 7 所示:不同加载速率下,冲击力线性增长至第一峰值后逐渐震荡减小,且峰 值的响应时间随加载速率的增大逐渐减小。如图 8 所示,跨中挠度经历了线性增大、非线性增大和峰值 后减小 3 个阶段。随着加载速率的提高,冲击力峰值和跨中挠度最大值明显增大,且加载速率为 1.771 m/s 时,冲击力和跨中挠度最大值增长趋势减弱,如图 9 所示。实验结果表明冲击荷载下钢筋混凝土梁的极 限承载力与加载速率有关,这与文献 [5] 中混凝土少筋梁冲击实验结论相符,即冲击力峰值趋于恒定与 试件的惯性效应密切相关。



图 9 冲击力峰值、跨中挠度最大值与加载速率的关系 Fig. 9 Peak load and maximum of mid-span deflection versus loading rates

图 10 为不同加载速率下锤头冲击力、钢筋应变和梁跨中挠度的时程曲线。实验中钢筋屈服强度 $f_y = 335$ MPa,弹性模量 $E_s = 2.06$ GPa。由于 $\varepsilon_y = f_y/E_s$,钢筋的屈服应变约为 2×10⁻³。不同加载速率下,冲 击力第一峰值响应时刻的钢筋应变小于 2×10⁻³,表明锤头与垫块接触的瞬间,钢筋处于弹性阶段,冲击响 应以混凝土响应为主。冲击过程中钢筋变形明显滞后于冲击力的响应,且滞后现象随着加载速率的增



大逐渐减弱。对比冲击力和跨中挠度时程曲线可知,冲击力第一峰值响应时刻的跨中挠度变化很小,梁 几乎不发生变形。

裂纹起裂时钢筋整体未产生滑移,加载点下方钢筋受拉导致钢筋应变迅速增大至第一峰值。由表 2 可以发现,低加载速率下(0.885 和 1.084 m/s),钢筋始终处于弹性阶段,且冲击结束时钢筋的弹性变形完 全恢复。加载速率为 1.771 和 1.252 m/s 时钢筋应变最大值约为 4×10⁻³,钢筋达到屈服。随着裂纹的继续 扩展,钢筋部分弹性变形恢复后再次受拉导致应变增大至第二峰值。冲击力卸载后梁弹性变形恢复,钢 筋应变减小至恒定的塑性应变。

Table 2 Experimental results									
加载速率/(m·s ⁻¹)	冲击力		跨中挠度		钢筋应变				
	峰值/kN	峰值时刻/ms	峰值/mm	峰值时刻/ms	峰值/10-6	峰值时刻/ms			
0.885	59.39	0.33	1.252	3.0	92.49	0.33			
1.084	85.48	0.29	1.85	3.4	1 489.27	0.54			
1.252	130.16	0.14	2.53	4.0	3773.43	0.69			
1.771	154.68	0.12	3.29	4.4	4473.32	0.71			

表 2 实验结果 Fable 2 Experimental results

2.3 加载速率对裂纹嘴张开位移的影响

随着数字散斑和高速摄像技术的发展, DIC 技术无接触、高频响和实时记录的优势在监测裂纹扩展 方面逐渐得到人们的认可^[20-21]。低速冲击下裂纹从预制裂缝尖端起裂后扩展至加载点。如图 11 所示, 在梁表面 100 mm×150 mm 的区域内喷绘散斑进行位移场分析。提取 A、B 两点水平方向位移(*u*_A 和 *u*_B) 后, 根据 Δ*w=u*_B-*u*_A 得到不同加载速率下裂纹嘴张开位移时程曲线。

Fig. 10 Impact force, mid-span deflection and steel strain versus time under different loading rates



图 11 水平位移场 Fig. 11 Horizontal displacement field in DIC

Swamy^[22] 对混凝土梁进行冲击实验后发现, 混凝土的断裂参数与加载速率相关。静态断裂试验中 加载速率往往低于 10 mm/s, 采用落锤等冲击试验机时加载速率可达到 1 m/s。然而, 不同研究方案中落 锤配重和下落高度不同, 难以建立统一标准进行对比分析。与准静态加载相比, 瞬时荷载作用下裂纹扩 展速度加快, 裂纹嘴张开位移迅速增大。本文对混凝土少筋梁进行了动态三点弯曲试验, 利用 DIC 分析 位移场后得到裂纹嘴张开位移时程曲线, 如图 12 所示: 不同冲击速度下, 裂纹嘴张开位移 Δw 随裂纹的 扩展增大至峰值, 随后开始减小并最终趋于恒定值。钢筋弹性变形恢复时, 混凝土与钢筋界面层上的粘 结力导致裂纹发生闭合。如图 12(b) 所示, 对 Δw 最大值之前的部分时程曲线进行线性拟合, 将拟合曲线 的斜率 (k) 作为裂纹嘴张开位移率(w):

$$\dot{w} = 0.56v - 0.41 \tag{5}$$

由式(5)可知, 混凝土少筋梁在动态加载下裂纹嘴张开位移率(w)与加载速率(v)之间近似呈线性 增长关系。以裂纹嘴张开位移率为基础分析梁的破坏过程, 为对比动态加载和静态加载下少筋梁的断 裂行为提供了思路。





对比图 13 中不同加载速率下裂纹的最终扩展长度可知,加载速率为 0.885 m/s 时,钢筋弹性变形恢 复导致裂纹完全闭合;加载速率为 1.084 m/s 时,裂纹扩展一定长度后产生闭合;加载速率为 1.252 m/s 时,裂纹扩展长度逐渐增大,钢筋的塑性变形无法恢复导致裂纹嘴张开位移减小至恒定值,宏观裂纹清 晰可见;加载速率为 1.771 m/s 时,裂纹起裂后扩展至加载点。较高加载速率下钢筋屈服后产生塑性变 形,有效保持了梁的完整性。



图 13 不同加载速率下裂纹扩展 Fig. 13 Final cracks under different loading rates

3 结 论

本文采用三点弯曲落锤冲击实验对含缺口混凝土少筋梁的动态响应及断裂过程进行了分析。通过 改变落锤下落高度,获得了不同加载速率下少筋梁的冲击力响应、裂纹起裂应变率和裂纹嘴张开位移, 结果表明:

(1)低加载速率下,混凝土裂纹起裂应变率与加载速率呈线性增长关系;加载速率为1.771 m/s时,加载点附近局部破坏增强,起裂应变率增长趋势减弱。对实验结果进行拟合后得到起裂应变率随加载速率增大的经验公式,为数值模拟中研究动态加载下混凝土中裂纹起裂提供参考;

(2)随着加载速率的增大,钢筋响应滞后逐渐减弱,对冲击力第一峰值影响逐渐增大;低加载速率下 钢筋始终处于弹性阶段,裂纹张开后完全闭合;较高加载速率下钢筋发生屈服,弹性变形恢复后保持恒 定的塑性变形,宏观裂纹清晰可见;

(3)在研究范围内,裂纹嘴张开位移最大值随加载速率的提高而增大,且裂纹嘴张开位移率与加载 速率近似呈正相关。

参考文献:

- [1] AZAD A K, MIRZA M S, CHAN P. Fracture energy of weakly reinforced concrete beams [J]. Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures, 1989, 12(1): 9–18. DOI: 10.1111/j.1460-2695.1989.tb00504.x.
- [2] FAYYAD T M, LEES J M. Experimental investigation of crack propagation and crack branching in lightly reinforced concrete beams using digital image correlation [J]. Engineering Fracture Mechanics, 2017, 182: 487–505. DOI: 10.1016/j.engfracmech. 2017.04.051.
- [3] 付应乾, 董新龙. 落锤冲击下钢筋混凝土梁响应及破坏的实验研究 [J]. 中国科学: 技术科学, 2016, 46(4): 400-406. DOI: 10.1360/N092015-00337.

FU Y Q, DONG X L. An experimental study on impact response and failure behavior of reinforced concrete beam [J]. Scientia Sinica Technologica, 2016, 46(4): 400–406. DOI: 10.1360/N092015-00337.

[4] MINDESS S, BENTUR A. A preliminary study of the fracture of concrete beams under impact loading, using high speed

photography [J]. Cement and Concrete Research, 1985, 15(3): 474-484. DOI: 10.1016/0008-8846(85)90121-8.

- [5] BENTUR A. The fracture of reinforced concrete under impact loading [C]// Materials Research Society Symposium Procedure. Cambridge University Press, 1986. DOI: 10.1557/PROC-64-225.
- [6] BOSCO C, CARPINTERI A. Fracture behavior of beam cracked across reinforcement [J]. Theoretical and Applied Fracture Mechanics, 1992, 17(1): 61–68. DOI: 10.1016/0167-8442(92)90046-z.
- [7] RUIZ G, CARMONA J R, CENDÓN D A. Propagation of a cohesive crack through adherent reinforcement layers [J]. Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering, 2006, 195(52): 7237–7248. DOI: 10.1016/j.cma.2005.01.029.
- [8] SUKONTASUKKUL P, NIMITYONGSKUL P, MINDESS S. Effect of loading rate on damage of concrete [J]. Cement and Concrete Research, 2004, 34(11): 2127–2134. DOI: 10.1016/j.cemconres.2004.03.022.
- [9] FAN X Q, HU S W, LU J. Influence of steel rebar position on concrete Double-K fracture toughness [J]. Journal of Testing and Evaluation, 2016, 44(6): 2361–2367. DOI: 10.1520/JTE20150101.
- [10] FAN X Q, HU S W. Influence of crack initiation length on fracture behaviors of reinforced concrete [J]. Applied Clay Science, 2013, 79: 25–29. DOI: 10.1016/j.clay.2013.02.026.
- [11] 徐晓良,杨树桐. 钢筋混凝土少筋梁断裂特性试验研究 [J]. 工程力学, 2017, 34(S1): 239-243. DOI: 10.6052/j.issn.1000-4750.2016.03.S049.

XU X L, YANG S T. Experimental study on fracture behavior of lightly-reinforced concrete beam [J]. Engineering Mechanics, 2017, 34(S1): 239–243. DOI: 10.6052/j.issn.1000-4750.2016.03.S049.

- [12] ZHANG X X, RUIZ G, YU R C. Experimental study of combined size and strain rate effects on the fracture of reinforced concrete [J]. Journal of Materials in Civil Engineering, 2008, 20(8): 544–551. DOI: 10.1061/(asce)0899-1561(2008)20:8(544).
- [13] KISHI N, MIKAMI H, MATSUOKA K G, et al. Impact behavior of shear-failure-type RC beams without shear rebar [J]. International Journal of Impact Engineering, 2002, 27(9): 955–968. DOI: 10.1016/s0734-743x(01)00149-x.
- [14] 滕智明. 钢筋混凝土基本构件 [M]. 2 版. 北京: 清华大学出版社, 1987.
- [15] 何连立. 钢筋混凝土断裂参数的试验研究 [D]. 大连: 大连理工大学, 2005: 41-44. DOI: 10.7666/d.y759550.
- [16] 陈永春. 部分预应力混凝土梁开裂后截面应力的简捷计算 [J]. 建筑结构学报, 1985(2): 11–17. DOI: 10.14006/j.jzjgxb.1985. 02.002.

CHEN Y C. Simplified calculation of flexural stresses in partially prestressed concrete beams after cracking [J]. Journal of Building Structures, 1985(2): 11–17. DOI: 10.14006/j.jzjgxb.1985.02.002.

- [17] ROSA A L, YU R C, RUIZ G, et al. A loading rate dependent cohesive model for concrete fracture [J]. Engineering Fracture Mechanics, 2012, 82: 195–208. DOI: 10.1016/j.engfracmech.2011.12.013.
- [18] SHAH S P. Concrete and fiber reinforced concrete subjected to impact loading [J]. MRS Online Proceedings Library, 1985, 64: 181–201. DOI: 10.1557/PROC-64-181.
- [19] SAATCI S, VECCHIO F J. Effects of shear mechanisms on impact behavior of reinforced concrete beams [J]. ACI Structural Journal, 2009, 106(1): 78–86.
- [20] DESTREBECQ J F, TOUSSAINT E, FERRIER E. Analysis of cracks and deformations in a full scale reinforced concrete beam using a Digital Image Correlation technique [J]. Experimental Mechanics, 2011, 51(6): 879–890. DOI: 10.1007/s11340-010-9384-9.
- [21] FAYYAD T M, LEES J M. Application of digital image correlation to reinforced concrete fracture [J]. Procedia Materials Science, 2014, 3: 1585–1590. DOI: 10.1016/j.mspro.2014.06.256.
- [22] SWAMY R N. RILEM-CEB-IABSE-IASS interassociation symposium on concrete structures under impact and impulsive loading [J]. International Journal of Cement Composites and Lightweight Concrete, 1982, 4(4): 254. DOI: 10.1016/0262-5075(82)90032-X.

(责任编辑 王小飞)